

ಪ್ರತಿ ಮನುವಿಗೂ ನಾಲ್ಕು ಕಾರ್ಯಾಚಳಿವಟಿಕೆಗಳು

ಸ್ವಾತಿ ಸರ್ಕಾರ್

ಇಂದಿನ ಜಗತ್ತಿನಲ್ಲಿ ಸಂಖ್ಯಾತ್ಮಕ ಪ್ರಾಥಮಿಕ ಕೌಶಲಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುವುದು ಅತ್ಯಗತ್ಯ. ಜೀವನೋಂದಾಯಕ್ಕೆ ನಾವು ಏನನ್ನೇ ಅವಲಂಬಿಸಿದ್ದರೂ, ಕೂಡುವ, ಕೆಳಿಯುವ, ಗುಣಿಸುವ ಹಾಗೂ ಭಾಗಿಸುವ ನಾಮಧ್ಯಾವು ದಿನನಿತ್ಯದ ವ್ಯವಹಾರದಲ್ಲಿ ಅಗತ್ಯವಿದ್ದು. ನಿಂಠಾಯಕ ಪಾತ್ರ ವಹಿಸುತ್ತವೆ. ಪ್ರಾಥಮಿಕ ಶಿಕ್ಷಣದ ಹಂತದಲ್ಲಿ ಇವು ಸಹಜವಾಗಿಯೇ ಗಳಿತ ಪರ್ಯುಕ್ತಮದ ಬಹುತೆಕ ಭಾಗವನ್ನು ಅತ್ಯಮಿಸಿರುತ್ತದೆ. ಆದಾಗ್ಯೂ, ನಮ್ಮ ಮಕ್ಕಳು ಈ ಕೌಶಲಗಳನ್ನು ಅಗತ್ಯವಿರುವವ್ಯಾಪ್ತ ಕಾಲ್ಯಾತ್ಮಿಲವೆಂದೇ “ಶಿಕ್ಷಣದ ಸ್ಥಾನಮಾನದ ವಾರ್ಷಿಕ ವರದಿ”ಯೂ (Annual Status of Education Reports (ASER) ಒಳಗೊಂಡಂತೆ ಅನೇಕ ವರದಿಗಳು ಸೂಚಿಸುತ್ತವೆ. ಇದಕ್ಕೆ ಕಾರಣಗಳಾದರೂ ಏನಿರಬಹುದು?

ಕಾರಣ 1: ಸ್ವಾಭಾವಿಕವಾಗಿ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ತೀರಾ ಅಮೂರ್ತವಾದವು. ಪ್ರಕೃತಿಯಲ್ಲ ಅವುಗಳು ನೇರವಾಗಿ ಅಸ್ತಿತ್ವದಲ್ಲಿರುವದಿಲ್ಲ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ, ಇದು ಬೇರಿಂದ ತೋರಿಸಿಯೋ, ಇದು ಬಾರಿ ಚಪ್ಪಾಗಿ ತಟ್ಟಿಯೋ ಚರ್ಚೆಯಲ್ಲಿ ಇದು ಅಂಕಗಳನ್ನು ಎಣಿಸುವ ಮೂಲಕವೋ ತಿಳಿಸಬಹುದೇ ಹೋರಿತು ಹಾಗೆಯೇ ೫ನ್ನು ತೋರಿಸಲು ನಾದ್ಯಾಬಿಲಿ. ೫ ಎಂಬುದು ಒಂದು ಸಂಖ್ಯಾತ್ಮಕ ಜಿಹ್ವೆಯಾಗಿದ್ದು, ಅದು ಬದನ್ನು ಪ್ರತಿಸಿಧಿಸುತ್ತದೆ (ಮತ್ತು ಅಹಿತೊಂದಿಗೆ ಈ ಜಿಹ್ವೆಯೂ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ).

ಕಾರಣ 2: ಇಂತಹ ಅಮೂರ್ತ ಪರಿಕಲ್ಪನೆಯನ್ನು ನಿಭಾಯಿಸುವ ನಾಮಧ್ಯಾವು ಮುಕ್ಕಳೆಲ್ಲ ರೂಪುಗೊಳ್ಳುವ ಮೋದಲೇ, ತೀರ ನಣಿ ವಯಸ್ಸಿಗೇ, ಸಂಖ್ಯೆಯ ಅಮೂರ್ತ ಕಲ್ಪನೆಯನ್ನು ಅವರು ಕಾಳಿಯಬೇಕು ಎಂಬ ನಿರೀಕ್ಷೆ.

ಕಾರಣ 3: ಮುಕ್ಕಳನ್ನು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಜಗತ್ತಿಗೆ ಪರಿಜಯಸುವ ಶಿಕ್ಷಕರು ಸ್ವಯಂ ತಾವೇ ಅವುಗಳ ಬಗ್ಗೆ ಸ್ವಷ್ಟಿತೆಯನ್ನು ಹೊಂದಿರಬೇಕು.

ಕಾರಣ 4: ಸ್ವಯಂ ಶಿಕ್ಷಕರೇ ತಾವು ಮುಕ್ಕಳಾಗಿದ್ದಾಗ ಉತ್ತಮ ಗಳಿತ ಖೋಳಣಕೆಯನ್ನು ಅನುಭವಿಸಬೇ ಇದಿರಬಹುದು. ಜೊತೆಗೆ, ನಮ್ಮ ದೇಶದ ಶಿಕ್ಷಕರ ತರಬೇತಿ ಪದ್ಧತಿಯೂ ತಮ್ಮ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿಗೆ ನೆರವಿರುತ್ತಿಲ್ಲ ಅವರನ್ನು ಯೋಂಗ್ಯಾರನಾಗಿ ಮಾಡಬೇ ಇರುವುದು.

ಇವುಗಳ ಪರಿಣಾಮವಾಗಿ ಏರಡು ಮುಖ್ಯ ಸಂಗತಿಗಳು ತಲೆದೊಳುವುತ್ತವೆ:

ಪರಿಣಾಮ 1: ಮಕ್ಕಳು ವಾಕ್ಯರೂಪದ ಲೆಕ್ಕಿಗಳನ್ನು ಜಡಿಸಲು ಅಸಮರ್ಥರಾಗಿರುವುದು. ಇದಕ್ಕೆ ನಾಕಷ್ಟು ಓದು ಹಾಗೂ ಗ್ರಹಣ ಶಕ್ತಿಯಲ್ಲಿನ ಹೊರತೆಗಳು ಭಾಗಿಳಿ: ಕಾರಣವಿರಬಹುದು. ಆದರೆ, ಬಹಳಷ್ಟು ಮಕ್ಕಳು ತಮಗೆ ನಿಂದಿಲ್ಲಿಟ್ಟ ವಾಕ್ಯರೂಪದ ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಗಳಿತೀಯ ಹೇಳಕೆಯನ್ನಾಗಿ ಪರಿವರ್ತಿಸುವಲ್ಲಿ ಸೋಲುತ್ತಾರೆ. ಅವರಿಗೆ ಯಾವ ಶ್ರಯಿಯನ್ನು ಯಾವಾಗ ಒಳಗೊಂಡಿರಬಹುದು?

ತಿಳಿಯದೇ, ಬಹಳಷ್ಟು ಬಾರಿ ಹೇಳಕೆಯ ಪ್ರಥಾನ ಪದಗಳನ್ನೇ ಅತಿಯಾಗಿ ನೆಚ್ಚಿಕೊಂಡಿರುತ್ತಾರೆ.

ಪರಿಣಾಮ 2: ಹೆಚ್ಚು ಅಂತಿಗಳರುವ ಸಂಖ್ಯೆಗಳೊಡನೆ ವ್ಯವಹರಿಸುವಾಗ ಹಾಗೂ ರೂಪಿಯಲ್ಲಿರುವ ಕ್ರಮಾವಳಿಗಳನ್ನು ಪ್ರಯೋಗಿಸುವಲ್ಲಿ ತಪ್ಪೆ ಸಾಗುತ್ತಾರೆ. ೫೦೦-೨೪೩ ಎಂಬ ವ್ಯವಹರಿಸಲಿವು ಏರಡು ಬಾರಿ ದಶಕವನ್ನು ಏರವಲು ತರುವ ಪ್ರತಿಯೆಯ ಕಾರಣದಿಂದಾಗಿ ಹೆಚ್ಚು ಕಷ್ಟಕೊಳ್ಳುತ್ತಾರೂ, ದಿನನಿತ್ಯದ ವ್ಯವಹಾರಗಳಲ್ಲಿ ಬಹಳಷ್ಟು ಬಾರಿ ನಾವು ಏದುರಿಸಬೇಕಾಗುವ ಲೆಕ್ಕವೇ ಆಗಿದೆ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ, ೨೪೩ ರೂಗಳ ಮೌಲ್ಯದ ಏನನ್ನೂ ಕೊಂಡು, ೫೦೦ ರೂಗಳ ನೋಟನ್ನು ಅಂಗಡಿಯವನಿಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುತ್ತಾರೆ. ಬರಬೆಕಾದ ಜಿಲ್ಲೆ ಎಷ್ಟು? ಏಂಬೇಇತರ್ ವರದಿಗಳ ಪ್ರಕಾರ, ಹಾಗೂ ನಾವು ಗಮನಿಸಿರುವಂತೆ, ಭಾಗಾಕಾರ ಅತಿ ಕಷ್ಟಕರ ಎಂಬುದು ಎಲ್ಲಾ ಬೋಧಣಗಳಲ್ಲಿಯೂ ಕೇಳಬರುವ ದೂರು. ಈ ಕಷ್ಟದ ಅನುಭವವೇ ಕಾರಣ ಬಹುತ್ವಾಗಿ ಸ್ಥಾನಬೇಳೆಯನ್ನು ಸರಿಯಾಗಿ ಅರ್ಥಮಾಡಿಕೊಳ್ಳಬೇಕಿರುವುದೇ ಆಗಿದೆ. ಇಂಥ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿ ಇದನ್ನು ಸರಿಪಡಿಸಲು ಏನು ಮಾಡಬಹುದು?

ಈ ಲೇಖನದಲ್ಲಿ ನಾವು ಮೂರು ಪ್ರಥಾನ ಅಂಶಗಳಿಗೆ ಒತ್ತು ನಿಂದಬಯಸುತ್ತೇವೆ. ಇನ್ನೂ ಹೆಚ್ಚಿನ ವಿವರಣೆಗಾಗಿ ಅಸ್ತಕ ವಾಚಕರು ಲೇಖನದ ಕೊನೆಯಲ್ಲಿ ಸೂಚಿಸಲಾಗಿರುವ ಸಂಪನ್ಮೂಲಗಳನ್ನು ಗಮನಿಸಬಹುದು.

ಅರ್ಥಮಾಡಿಕೊಂಡ ವಿಧಾನ

ಹಂತ 1:

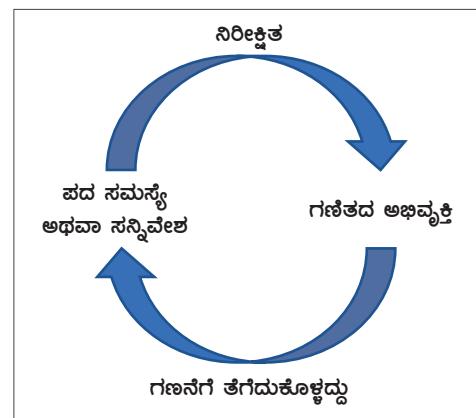
ಯಾವುದೇ ಶ್ರಯಿಯನ್ನು ಪರಿಚಯಿಸುವ ಮೋದಲು ಮಕ್ಕಳು ಸ್ಥಾನಬೇಳೆಯನ್ನು ಎಷ್ಟು ಹೊಂದಿರುತ್ತಾರೆ (children's understanding of place value) ಪರಿಶೀಲನುವುದು. ವಿಶೇಷವಾಗಿ, ಜೊಟ್ಟಿ ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು (ಉದಾಹರಣೆಗೆ, ಒಜಿದು ಚೆಮಬೆಳ್ಳಿರುವ ಅಕ್ಕಿ ಕಾಳಿಗಳು) ಸಂಖ್ಯೆ ಹಾಗೂ ಅದರ ಹೆಸರಿನೊಂದಿಗೆ ಹೊಂದಿಸಿಕೊಳ್ಳುವ ಸಾಮಧ್ಯಂ ಹೊಂದಿದ್ದಾರೆಯೇ, ಇಲ್ಲವೇ ಎಂಬುದನ್ನು ಬಾತ್ತಿಪಡಿಸಿಕೊಳ್ಳುವುದು. ಇಂದು ನಾವು ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯುವ ರೀತಿ ಅರ್ಥವಾ ಸ್ಥಾನಬೇಳೆಯ (ಅರ್ಥವಾ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಹೇಗೆ ಬರೆಯುತ್ತೇವೆ) ಮೂಲಭೂತ ಕಲ್ಪನೆಯ ಹತ್ತರ ಕಟ್ಟಿಗಳಲ್ಲಿ ಲೆಕ್ಕ ಹಾಕುವುದೇ ಆಗಿದೆ. ಆದ್ದರಿಂದ, ಹತ್ತಿಗಿಂತ ದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆಯೊಂದಕ್ಕೆ ಸಂಖ್ಯಾತ್ಮಕ ಜಿಹ್ವೆ ನಿಂದೆಲ್ಲ ಅದನ್ನು ಅ) ಹತ್ತರ ಎಷ್ಟು ಕಟ್ಟಿಗಳನ್ನಾಗಿ ಕಟ್ಟಬಹುದು ಹಾಗೂ ಆ) ಬಳಕ ಉಳಿಯುವ ಜಡಿಭಾಗಗಳಷ್ಟು ಎಂಬುದನ್ನು ಗಮನಿಸಲಾಗುತ್ತದೆ. ಹತ್ತರ ಕಟ್ಟಿಗಳನ್ನು ದಶಕಗಳಿಂದೂ, ಇಡೀ ಭಾಗಗಳನ್ನು (ಅರ್ಥವಾ ಘಟಕಗಳು) ಜಡಿಗಳಿಂದೂ ಹೇಳಲಾಗುತ್ತದೆ. ಇದೇ ರೀತಿ ಮುಂದುವರಿದು, ಹತ್ತು ಹತ್ತರ ಕಟ್ಟಿಗಳನ್ನು ತಲುಪಿದಾಕ್ಷಣ ದೊಡ್ಡ ಕಟ್ಟಿಗಳನ್ನು

ಕಟ್ಟಬೇಕಾಗಿ ಬಂದು, ಅದನ್ನು ನೊರು (ಶತಕ) ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಇದೇ ರೀತಿ, ನೂರಿಗಳ ಹತ್ತು ಕಟ್ಟುಗಳನ್ನು ತಲುಪಿದಾಗ ದೊಡ್ಡ ಕಟ್ಟು ಕಟ್ಟಿ ಅದನ್ನು ಸಾವಿರ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಪ್ರಕ್ರಿಯೆಯು ಇದೇ ರೀತಿ ಮುಂದುವರಿಯುತ್ತದೆ.

ಈ ಕಟ್ಟು ಕಟ್ಟುವ ವಿಧಾನವನ್ನು ಅಧ್ಯೋಚಿಸಿಕೊಳ್ಳಲು ಹಾಗೂ ಸಂಪೂರ್ಣಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿವ (ಸ್ಥಾನಭೇದ ಎಂದು ಕರೆಯಲ್ಪಡುವ) ಪದ್ಧತಿಯನ್ನು ಗ್ರಹಿಸಲು ಮಕ್ಕಳ ತಮ್ಮ ಕ್ಷೇಯಾರ್ಥಿ ಒಬ್ಬಗೂಡಿಸಿ ಕಟ್ಟು ಕಟ್ಟಬಲ್ಲ ಸಾಮರ್ಪಿ ಅವರಿಗೆ ದೊರಕುವಂತೆ ಇದ್ದರೆ ಒಳ್ಳೆಯದು. ನೆನ್ನೊ ಕಡ್ಡಿಗಳು (ಮರದ ಕಡ್ಡಿ, ಹಂಜಕಡ್ಡಿ ಅಥವಾ ಇನ್ನಾವುದೇ ಅಗಬಹುದು) ಹಾಗೂ ರಭ್ರಾ ಬ್ಯಾಂಡ್‌ಗಳಿಂದ ಕಟ್ಟು ಕಟ್ಟಬುದು ಹಾಗೂ ಕಟ್ಟು ಬಿಂಬಿಸುವುದು ಸರಾಗವಾಗುತ್ತದೆ.

ಎರಡನೆಯದಾಗಿ, ಪ್ರತಿ ಕ್ರಿಯೆಯನ್ನೂ ಸೂಕ್ತ ಸನ್ಸ್ಕರಿಸಿಕೊಂಡಿಗೆ ಪರಿಜಯಿಸಿ, ಸನ್ಸ್ಕರಿಸಿಕೊಂಡಿಗೆ ಸೂಕ್ತವಾದ ಕೆಲವು ಸಾಮರ್ಪಿಗಳನ್ನು ನಿರ್ದಿಷ್ಟವಾಗಿ ಕೆಲವು ಸಂಸ್ಕರಿಸಿಕೊಂಡಿಗೆ ಪರಿಜಯಿಸಿ. ಅನಂತರ, ಅಭ್ಯಾಸಕ್ಕಾಗಿ ಕೆಲವು ಸನ್ಸ್ಕರಿಸಿಕೊಂಡ್ರೋ. ವಾಕ್ಯರೂಪದ ಲೆಕ್ಕಾಗಳನ್ನೂ ಅವಕ್ಷೇಪಿಸಿ ಸಂಕೇತಿಸಿ ಗಣಿತಿಯ ಹೇಳಿಕೆಗಳಿನಲ್ಲಿ ನಿರ್ದಿಷ್ಟವಾಗಿ ಉಂಟಾಗಿರುತ್ತದೆ. ಇದನ್ನು ತರಗತಿಯ ಏನೂ ಸಿ ಇ ಆರ್ಥ ಓ ಪಠ್ಯಪ್ರಸ್ತುತವು ಸಂಕಲನ ಹಾಗೂ ವ್ಯವಕಲನಗಳನ್ನು ಉತ್ತಮ ರೀತಿಯಲ್ಲಿ ಪರಿಜಯಿಸುತ್ತದೆ. ಅದೇ ರೀತಿ, ಅನೇ ತರಗತಿಯ ಪಠ್ಯಪ್ರಸ್ತುತವು ಗುಣಾಕಾರ ಹಾಗೂ ಭಾಗಾಕಾರಗಳನ್ನು ಪರಿಜಯಿಸುತ್ತದೆ.

ಮೂರನೆಯದಾಗಿ, $38 + 14$, $72 - 55$ ಇತ್ಯಾದಿ ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಸಮಸ್ಯೆಗಳಿಗೆ ವಾಕ್ಯರೂಪದ ಲೆಕ್ಕಾವನ್ನು ರಚಿಸಲು ಮಕ್ಕಳಿಗೆ ಹೇಳಬುದು. ಇದರಿಂದ ಮಕ್ಕಳ ಸೃಜನಶೀಲತೆಯನ್ನು ವಿಕಾಸಗೊಳಿಸಲು ಸಹಾಯವಾಗುತ್ತದೆ. ಅವರ ಭಾಷಾಭಿಜ್ಞಾನಿ ಅಗುತ್ತದೆ ಹಾಗೂ ಯಾವ ಸನ್ಸ್ಕರಿಸಿಕೊಂಡ ಕ್ರಿಯೆಯಂದ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಲು ಸಾಧ್ಯ ಎಂಬುದನ್ನೂ ಅರಿಯಿವಂತೆ ಅಗುತ್ತದೆ. ಹೇಳಿಕೆಗಳಿಂದ ಸನ್ಸ್ಕರಿಸಿಕೊಂಡ ನಾಗುವ ಮೂಲಕ ಇದು ಜಿತ್ತು 1ರ ಜಕ್ಕವನ್ನು ಪೂರ್ತಿರೂಪಾಡುತ್ತದೆ. ಇದರ ಜೊತೆಗೆ, ಒಂದು ತಂಡದ ಮಕ್ಕಳು ರಚಿಸುವ ವಾಕ್ಯರೂಪದ ಲೆಕ್ಕಾಗಳನ್ನು ಬಗೆಹರಿಸಲು ಮತ್ತೊಂದು ತಂಡಕ್ಕೆ ನಿರ್ದಿಷ್ಟವಾಗಿ ಉಂಟಾಗಿರುತ್ತದೆ.



ಚಿತ್ರ 1:

ನಾಲ್ಕನೆಯದಾಗಿ, ಕ್ರಿಯೆಗಳ ನಡುವಿನ ಸಂಬಂಧವನ್ನು ಎತ್ತಿ ತೋರಿಸಲು ಸನ್ಸ್ಕರಿಸಿದ ಬದಲಾಯಿಸಿ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ, ಈ ಸನ್ಸ್ಕರಿಸಿದ ಪದವು ಹೇಳಿಕೆಯಾಗಿ ಇದು ಸಂಕಲನ ಹೇಳಿಕೆಯಾದ $8 + 5 = \underline{\hspace{2cm}}$ ಕ್ಕೆ ಸಮನಾಗಿದೆ. ಇದನ್ನು ಹಿಗೆ ಮಾಹಾದಿಸಿ: ನಿಮ್ಮ ಬಳ ಇ ಹೊಗಳೂ, ನನ್ನ ಬಳ 5 ಹೊಗಳೂ ಇದ್ದರೆ ನಮಿಖಿರ ಬಳ ಒಬ್ಬ ಎಷ್ಟು ಹೊಗಳವೇ? ಇದು ಸಂಕಲನ ಹೇಳಿಕೆಯಾದ $8 + 5 = \underline{\hspace{2cm}}$ ಕ್ಕೆ ಸಮನಾಗಿದೆ. ಇದನ್ನು ಹಿಗೆ ಮಾಹಾದಿಸಿ: ನಿಮ್ಮ ಬಳ ಇ ಹೊಗಳದ್ದು, ನಮಿಖಿರ ಬಳ ಒಬ್ಬ 13 ಹೊಗಳದ್ದರೆ, ನನ್ನ ಬಳ ಇರುವ ಹೊಗಳಿಷ್ಟು? ಇದು $8 + \underline{\hspace{2cm}} = 13$ ಎಂಬ ಸಂಕಲನ ಸಮಿಕರಣವಾಗಿ ಪರಿಣಮಿಸುತ್ತದೆ. ಪಾತ್ರಾಭಿನಯ ಮಾಡುತ್ತೆ, ಮತ್ತೊಳ್ಳಿ ಮಗುವು ಇದೇ ರೀತಿಯ $13 - 5 = \underline{\hspace{2cm}}$ ಎಂಬ ಪಠ್ಯ ಹೇಳಬಹುದು. ಒಬ್ಬ ಎಂಬುದು ಸಂಕಲವನ್ನು ಸೂಚಿಸಿದರೂ ಅದು $(8 + 5)$ ಎಂಬ ಹೇಳಿಕೆಯಾಗಿರಬಹುದು ಅಥವಾ $(8 + \underline{\hspace{2cm}} = 13)$ ಎಂಬಂತಹ ಸಮಿಕರಣವಾಗಿರಬಹುದು, ವ್ಯವಕಲನವಾಗಿ $(13 - 8)$ ಪರಿಣಮಿಸಬಹುದು.

ಇದರಿಂದ ಮಕ್ಕಳ ಸನ್ಸ್ಕರಿಸಿದ ಬಣ್ಣಾರ್ಥಿ ಅರ್ಥಮಾಡಿಕೊಳ್ಳಲು ಸಹಾಯವಾಗುವುದೇ ಅಲ್ಲದೆ ಹೇಳಿಕೆಯ ಪ್ರಥಾನ ಪದಗಳನ್ನು ಅತಿಯಾಗಿ ಅವಲಂಬಿಸುವುದನ್ನು ತಪ್ಪಿಸುತ್ತದೆ. ಅದಕ್ಕೂ ವಿಗಿಳಾಗಿ, ಸಂಕಲನವನ್ನು ಎರಡು ವಿಧದ ವ್ಯವಕಲನಗಳಾಗಿ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಬಹುದು ಎಂಬುದನ್ನು ತೋರಿಸುತ್ತದೆ. ಗುಣಾಕಾರ ಹಾಗೂ ಭಾಗಾಕಾರಗಳಿಗೆ ಸಂಬಂಧ ಕಲ್ಪಿಸಲು ಇದೇ ರೀತಿಯ ವಿಧಾನವನ್ನು ಬಳಸಬಹುದು.

ಹಂತ 2: ಕ್ರಮಾವಳಿ-ಯಾವಾಗ, ಹೇಗೆ ಮತ್ತು ಯಾಕೆ

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

ಪ್ರತಿ ಕ್ರಿಯೆಯನ್ನು ಪರಿಚಯಿಸಿದ ಕೂಡಲೇ ರೂಢಿಯಲ್ಲಿರುವ ಕ್ರಮಾವಳಿಯನ್ನು ತಿಳಿಸುವ ಬದಲು ಸಮಸ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬಗೆಹರಿಸುವ ವಿಧಿ ವಿಧಾನಗಳನ್ನು ಕಂಡುಕೊಳ್ಳಲು ಮುಕ್ತಗಳೇ ಅವಕಾಶ ಮಾಡಿಕೊಡುವುದು. ನೂರಕ್ಕೂ ಕಡಿಮೆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕೂಡುವ ವಾತ್ಮೆ ಕೆಳೆಯುವ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಜಡಿಸಲು 10×10 ರ ಸಂಖ್ಯಾಪಟ್ಟಿಯನ್ನಾಗೆ, ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಗಣಿತಮಾಲಾ ಮಾದರಿಯನ್ನಾಗೆ ಒಳಗೊಂಡಿರುವುದು. ಉದಾಹರಣೆಗೆ: $37 + 25 = ?$ ಎಂಬುದನ್ನು ಈ ಯಾವ ವಿಧಾನದಲ್ಲಾದರೂ ಜಡಿಸಬಹುದು:

- $37 + 10 + 10 + 3 + 2$ ಅಥವಾ $37 \rightarrow 47 \rightarrow 57 \rightarrow 60 \rightarrow 62$
- $37 + 3 + 20 + 2$ ಅಥವಾ $37 \rightarrow 40 \rightarrow 60 \rightarrow 62$
- $37 + 30 - 5$ ಅಥವಾ $37 \rightarrow 67 \rightarrow 62$

ಈ ವಿಧಾನಗಳು ರೂಢಿಯಲ್ಲಿರುವ ಕ್ರಮಾವಳಿಗಿಂತ ವಿಭಿನ್ನ ಎಂಬುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ರೂಢಿಯಲ್ಲಿರುವ ಕ್ರಮಾವಳಿಯಾದರೋ ಜಡಿಗಳನ್ನು ಹಾಗೂ ಹತ್ತುಗಳನ್ನು ಬೇರೆಭಾಗದಿಸಿ. ಜಡಿಗಳನ್ನು ಮೊದಲು ಕೂಡಿ, ಬಳಿಕ ಹತ್ತುಗಳನ್ನು ಕೂಡಲು ಹೇಳುತ್ತದೆ. ಹೇಳೆಂದರೆ, $37 + 25 = (30 + 7) + (20 + 5) = (7 + 5) + (30 + 20) = 12 + (30 + 20) = 2 + (10 + 30 + 20) = 2 + 60 = 62$.

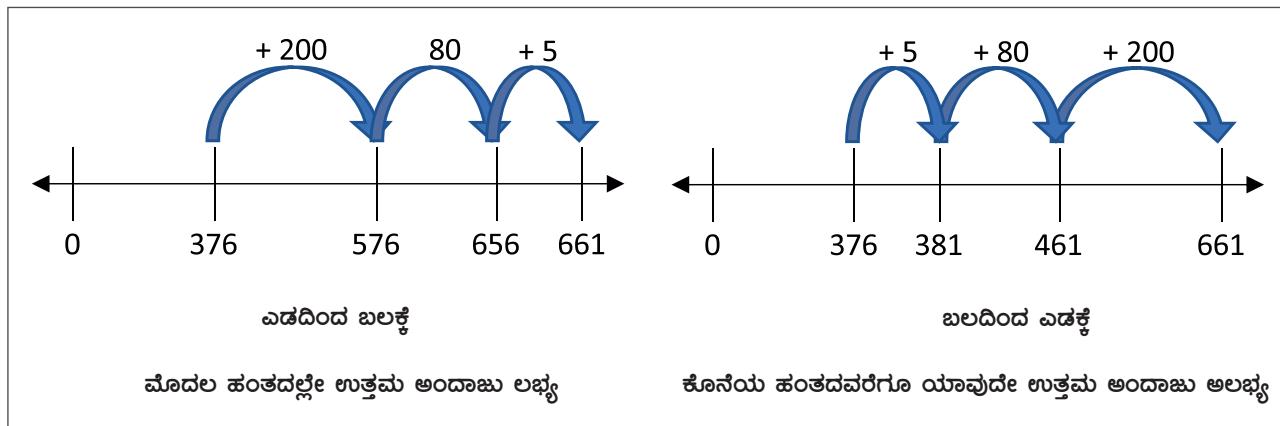
ನಾವು ಎಡಡಕ್ತಿಗಿಂತ ಹೆಚ್ಚೆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕೂಡುವಾಗ (ಉದಾಹರಣೆಗೆ, ಒಂದು ಜಲ್ಲಿನ ಮೊತ್ತ ಕಂಡುಕೊಳ್ಳುವಾಗ) ಅಥವಾ ನೂರಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕೂಡುವಾಗ ರೂಢಿಯಲ್ಲಿರುವ ಕ್ರಮಾವಳಿಯ ಅವಶ್ಯಕತೆ ಜಳಿಸುತ್ತದೆ.

ಬಳಿಕ, ಮುಕ್ತಗಳೇ ಸೂಕ್ತ ಕಲಾಸಾಮರ್ಗಿಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ರೂಢಿಯಲ್ಲಿರುವ ಕ್ರಮಾವಳಿಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿಕೊಳ್ಳಲು ನೇರವು ನೀಡಿ. ಕಡ್ಡಿ ಮತ್ತು ಕಟ್ಟಿಗಳ ವಿಧಾನವು ನೂರಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆ ಮೊತ್ತದ

ಸಂಕಲನ, ಪ್ರವರ್ತಕಲನಗಳಿಗೆ ಬಹಳ ಜೀನ್ನಾಗಿ ಬದಗಿ ಬರುತ್ತದೆ. ಇದನ್ನು ಪರಿಣಾಮಕಾರಿಯಾಗಿಸಲು, ಮುಕ್ತಗಳು ಕಡ್ಡಿ ಮತ್ತು ಕಟ್ಟಿಗಳೊಂದಿಗೆ ಲೆಕ್ಕ ಜಡಿಸುವ ಪ್ರತಿ ಹಂತವನ್ನು ಬರೆದು ತೋರಿಸಲು ಹೇಳ.

ನಾವು FLU ಎಂದು ಕರೆಯುವ ಎರಡು ಆಯಾಮದ 10ರ ನ್ಯಾನೋಮೀಟರ್ ಜಲ್ಲಿಗಳು (ನೂರುಗಳು/ಶತಕ), ಕಡ್ಡಿ (ದಶಕ/ಹತ್ತುಗಳು) ಹಾಗು ಜಂಡು (ಹಕ್/ಜಡಿ) ಸಾವಿರಕ್ಕಿಂತ ಜಿಕ್ಕನಂಬ್ಯೆಗಳ ವಿಷಯದಲ್ಲ ಹಾಗು ಗುಣಾಕಾರ ಮತ್ತು ಭಾಗಾಕಾರಗಳನ್ನು ಮಾಡುವಾಗ ಉತ್ತಮವಾಗಿ ಬದಗಿಬರುತ್ತದೆ. ಹೆಚ್ಚಿನ ವಿವರಣೆಗಾಗಿ ಓದುಗೆ ಉಲ್ಲೇಖದಲ್ಲ ನೀಡಿಲಾದ ಲೇಖನಗಳನ್ನು ಪರಾಮುಶೀಸಬಹುದು.

ಇದರ ಜೊತೆಗೆ ಮತ್ತು ಒಂದು ಮುಖ್ಯವಾದ ಸಂಗತಿಯಿದೆ. ರೂಢಿಯಲ್ಲಿರುವ ಈ ಕ್ರಮಾವಳಿಗಳ ವಿಷಯವಾಗಿ ಮುಕ್ತಗಳಲ್ಲಿ ಏಳುವ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರ ದೂರೆಯುವುದು ಮುಖ್ಯವಾಗುತ್ತದೆ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ, ಭಾಗಾಕಾರ ಎಡಡಿಂದ ಆರಂಭವಾದರೆ ಉಳಿದ ಮೂರು ಕ್ರಿಯೆಗಳು ಬಲದಿಂದ ಆರಂಭವಾಗುವುದು ಹಕ್ಕ? (ಭಾಗಾಕಾರದ ಕುರಿತ ಎರಡನೇ ಉಲ್ಲೇಖವನ್ನು ನೋಡಿ). ಈ ವಿಧಾನಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದಕ್ಕೆ ಮುಕ್ತಗಳು ಒಲವು ತೋರುತ್ತಾರೆ, ಅದಕ್ಕೆ ಕಾರಣಗಳನ್ನು ಎಂದು ಅವರಿಗೆ ಕಂಡುಕೊಳ್ಳಲು ಜಡಬೇಕು. ಉದಾಹರಣೆಗೆ, $376 + 285$ ಎಂಬ ಮೊತ್ತವನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಎರಡು ವಿಧಗಳಲ್ಲಿ ಕಂಡುಕೊಳ್ಳಬಹುದು. ನೂರಕ್ಕೊಂಡಿಗೆ ಮೊದಲುಮಾಡಿ ಎಡಡಿಂದ ಬಲಕ್ಕೆ ನಾಗೆಬಹುದು ಅಥವಾ ಜಡಿಗಳೊಂದಿಗೆ ಮೊದಲುಮಾಡಿ ಬಲದಿಂದ ಎಡಕ್ಕೆ ಬಲಬಹುದು (ಜತ್ತ 2). ಬಲದಿಂದ ಎಡಕ್ಕೆ (ರೂಢಿಯಲ್ಲಿರುವ ಕ್ರಮಾವಳಿಯಂತೆ) ಸಾಗಿದರೆ ಮತ್ತೊಮ್ಮೆ ಬರೆಯುವ ಅಗತ್ಯವಿರುವುದಿಲ್ಲ; ಅದೇ, ಎಡಡಿಂದ ಬಲಕ್ಕೆ ಸಾಗಿದರೆ ಮೊದಲ ಹಂತ ಮುಗಿಯುತ್ತಿದ್ದಂತೆಯೇ ಮೊತ್ತದ ಒಳಿಯ ಅಂದಾಜು ಮೊರುತ್ತದೆ.



ಚಿತ್ರ 2:

ಹಂತ 3: ಅಭಾಗಣ

ಅಭಾಗವನ್ನು ಕಟ್ಟಿಕೊಡುವುದು ನಿಣಾಯಕವಾದರೂ, ಅಭಾಗಣ ಮಾಡುವುದಕ್ಕೆ ಬೇರೆ ಯಾವುದೇ ಪರಿಣಾಯವಿಲ್ಲ. ಯಾವುದೇ ಕೌಶಲವನ್ನೇ ಆಗಲ, ಕರಗತವಾಡಿಕೊಳ್ಳಲು ಅಭಾಗಣದ ಅಗತ್ಯವಿದೆ. ಒಂದಂತೆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಯಾವುದೇ ಪ್ರಯಾಸವಿಲ್ಲದೆ ಕೂಡುವುದು (ಅಂತೆಯೇ ಕೆಳೆಯುವುದು), ಜೊತೆಗೆ ಒಂದಂತೆ

ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಗುಣಲಭಿವನ್ನು ಹೀಡುವಾಗಿ ನೇನಹಿಸಿಕೊಳ್ಳಬಹುದು ಲೆಕ್ಕಹಾಕುವ ಕ್ರಿಯೆಯಲ್ಲಿ ನಾವು ಪಜಗುವ ಹಾದಿಯನ್ನು ನುಗ್ಗುಗೊಂಡಿಸುತ್ತದೆ. ಒಂದಂತೆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳೊಂದಿಗಿನ ಸಂಕಲನವು, ಅದರಲ್ಲಿ ವಿಶೇಷವಾಗಿ ರಕ್ಷಿತವಾಗಿ ದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾಗ, ಪ್ರಯಾಸವಿಲ್ಲದೇ ಯಾಂತ್ರಿಕವಾಗಿ ನಾಗಲು ಹತ್ತರ ಕಟ್ಟಿಗಳು ನೇರವಾಗುತ್ತದೆ. ಇದೇ ರೀತಿ, ಮಗ್ನಿಯನ್ನು ಮುಕ್ತಗೆ ಕಟ್ಟಿಕೊಳ್ಳಬೇಕು. ಜೊತೆಗೆ, 10 ಅಥವಾ 5ರ ಮಗ್ನಿ ಬಳಿಸಿ 6,

7 ಮತ್ತು 8ರ ಗುಣಲಭ್ಯಗಳನ್ನು ನೆನಪುಮಾಡಿಕೊಳ್ಳುವ ವಿಧಾನವನ್ನು ಮತ್ತು ತಿಂಡಿಗಳನ್ನು ಉದಾಹರಿಸಿ, $6 \times 8 = 5 \times 8 + 8 = 40 + 8 = 48$ ಅಥವಾ $8 \times 7 = 10 \times 7 - 7 - 7 = 70 - 7 - 7 = 63 - 7 = 56$.

ಇದರಿಂದ ಮತ್ತು ತಮ್ಮ ಮಗಿ ಪ್ರಸ್ತರವನ್ನು ಮೊದಲನಿಂದ ವುತ್ತೊಂದು ಹೇಳಿದೆ ಗುಣಲಭ್ಯಗಳನ್ನು ಕಂಡು-ಕೊಳ್ಳುವುದಾಗುತ್ತದೆ. 9ರ ಮಗಿಯನ್ನು ಈ ರೀತಿ ರಚಿಸಿಕೊಂಡು ಅದರಲ್ಲಿ ಮತ್ತು ಅನೇಕ ವಿಜ್ಞಾನಗಳನ್ನು ಪ್ರತ್ಯೇ ಹಜ್ಜಬಹುದು. ಹೀಗಾಗಿ, 9ರ ಗುಣಲಭ್ಯಗಳನ್ನು ನೆನಪುಮಾಡಿಕೊಳ್ಳುವುದು ಸುಲಭವಾಗುತ್ತದೆ.

ಅಭ್ಯಾಸವು ಆಸಕ್ತಿದಾಯಕವಾಗುವಂತೆ ಮಾಡಲು ಅನೇಕ ವಿಧಗಳಿವೆ. “ನೋಡಿ ಜೆಟುವಟಕೆ” (Wall activity) ಹಾಗೂ “ಯಾದೃಚ್ಛಿಕ ಅಂಕಗಳ ಆಟ” (Random Digits game)ದಂತಹ ಕೆಲವನ್ನು ಆಯ್ದು ಕೊಳ್ಳಬಹುದು. ಅಜ್ಞಾನ ಪ್ರೇಮಾಜಿ ವಿಶ್ಲೇಷಿಸುವುದು ತ್ರೈಕಂಡಿತ ವಿಜ್ಞಾನದಲ್ಲಿ ಮತ್ತು ಅಭ್ಯಾಸವನ್ನು ತಂತಾನೇ ನೀಡಬಲ್ಲ ಅನೇಕ ಹುಡುಕಾಟಗಳ ಸಮ್ಮಾನ ಆಕರ್ಷಣಾಗಿದೆ. ಈ ಲೇಖನವನ್ನು ಮುಗಿಸುವ ಮೊದಲು ಹಲವುವೇಳೆ ಕಡೆಗಳಿನಲ್ಲಿರುವ ಎರಡು ವಿಷಯಗಳನ್ನು ಜಡಿಸಲು ಬಯಸುತ್ತೇವೆ.

- (i) ನೋನ್ಯೆಯೋಂದಿಗಿನ ಶ್ರೀಯಿಗಳು ಮತ್ತು
- (ii) ಈ ಶ್ರೀಯಿಗಳ ಕೆಲವು ಗುಣಲಕ್ಷಣಗಳು.

ಮತ್ತು ನೋನ್ಯೆಯನ್ನು ಕೇವಲ ಸ್ಥಾನಗ್ರಹಣ ಬಂದುವಾಗಿಯಲ್ಲದ ಒಂದು ಸಂಪ್ರಯಿಸುವುದು ಮತ್ತು ದ್ವಾಗಿದೆ. ಈ ಸಂಪ್ರಯಿಸು ಯಾವ ರೀತಿ ನಾಲ್ಕು ಗೋಡೆಯಲ್ಲಿ ಶ್ರೀಯಿಗಳಲ್ಲಿ ಹಾಲ್ಯಾಷ್ಟ್ರಾತ್ಮಕ ಏಂಬುದನ್ನು ನೋಡುವುದೇ ಇದನ್ನು ನಾಧಿಸಲು ಇರುವ ಉತ್ತಮ ಮಾರ್ಗವಾಗಿದೆ. (NCERT) ಎನ್‌ಸಿ‌ಎಂ‌ಆರ್‌ಎ ಹಾಗೂ ಇತರ ಪರ್ಯಾಪ್ತಸ್ತಕರಗಳು ನೋನ್ಯೆಯೋಂದಿಗಿನ ಸಂಕಲನ ಮತ್ತು ವ್ಯವಕಲನಗಳನ್ನು ಜಡಿಸುತ್ತವೆ. ಅದರೆ, ಬಹಕಷ್ಟು ಬಾರಿ ನೋನ್ಯೆಯೋಂದಿಗಿನ ಗುಣಾಕಾರವನ್ನು ಕಡೆಗಳಿನಲ್ಲಾಗುತ್ತದೆ. ಈ ಲೋಹಪು, ಎರಡು ಪೂರ್ಣಸಂಪ್ರಯಿಗಳ ಗುಣಲಭ್ಯವು ಗುಣಿಸಲ್ಪಡುವ ಸಂಪ್ರಯಾಗಿಂತ ಯಾವಾಗಲೂ ದೊಡ್ಡದಾಗಿಯತ್ತದೆ ಎಂಬ ತಪ್ಪಿ ಕಲ್ಪನೆಗೆ ಎಡೆಮಾಡಿಕೊಡುತ್ತದೆ. ನೋನ್ಯೆಯೋಂದಿಗಿನ ಭಾಗಾಕಾರ ಪ್ರತ್ಯೇಕಿಯನ್ನು ಅಧಿಕಾರಿಸಿಕೊಂಡಿರುವುದು ಇನ್ನೂ ವಿರಳ ಎಂದೇ ಹೇಳಬೇಕು. ಈ ಹಂತದಲ್ಲಿ $0 \div 4$ ಎಂಬುದನ್ನು ವಿವರಿಸಬಹುದು, ಅದರೆ, ನೋನ್ಯೆಯಿಂದ ಭಾಗಿಸುವುದನ್ನು ಇನ್ನೂ ಸೂಕ್ಷ್ಮವಾಗಿ ಪರಿಶೀಲನಾರ್ಥಕಾಗುತ್ತದೆ. $6 \div 0$ ಯನ್ನು ಪರಿಗಳಿಸೋಣ. ಇದನ್ನು ನಾವು $_ \times 0 = 6$ ಎಂಬ ಗುಣಾಕಾರದ ಸಮೀಕರಣವನ್ನಾಗಿಸಿ-ಬಹುದು. ಇಲ್ಲಿನ ಬಾಲ ಸ್ಥಳದಲ್ಲಿ ತುಂಬಬಹುದಾದ ಯಾವ ಸಂಪ್ರಯಿಸೂ ಇಲ್ಲ ಎಂಬುದಂತೂ ಸ್ವಷ್ಟಿ. ಇನ್ನೂಂದೆಡೆ, $0 \div 0 = _$ ಎಂಬುದನ್ನು $_ \times 0 = 0$ ಎಂದು ಬರೆದು ನೋಡೋಣ. ಈಗ ಬಾಲ

ಸ್ಥಳದಲ್ಲಿ ಯಾವ ಸಂಪ್ರಯಿಸುವು ಬರೆದರೂ ಉತ್ತರ ನಾಯಾಗಿರುತ್ತದೆ. ಇಷ್ಟೊಂದು ಸಂಪ್ರಯಿಗಳಿಂದ ಯಾವುದಾದರು ಒಂದು ಸಂಪ್ರಯಿಸುವು ಆಯ್ದು ಮಾಡಲು ಉಪಾಯವಿದೆಯೇ? ಆದ್ದರಿಂದ, ಈ ಸನ್ನಿಹಿತವು $0 \div 4$ ಸಂಪೂರ್ಣ ವಿರುದ್ಧವಾಗಿದೆ! ಈ ಕಾರಣದಿಂದಲೇ ನೋನ್ಯೆಯಿಂದ ಯಾವ ಸಂಪ್ರಯಿಸು ಭಾಗಾಕಾರವನ್ನೂ ವ್ಯಾಪ್ತಾಗಿಸಲಾಗಿಲ್ಲ.

ಸಂಕಲನ ಮತ್ತು ಗುಣಾಕಾರಕ್ಕೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದಂತೆ ಪರಿವರ್ತನೆಯಿಲ್ಲ, ಸಹವರ್ತನೆಯಿಲ್ಲ ಹಾಗು ವಿಶೇಷವಾಗಿ ನಿಯಮಗಳನ್ನು ಈ ಹಂತದಲ್ಲಿ ನಾವಾನ್ಯವಾಗಿ ಉಪೇಕ್ಷಿಸಲಾಗುತ್ತದೆ. ಆದರೆ ಅವು ರೂಢಿಯಲ್ಲಿರುವ ಕ್ರಮಾವಳಿಗಳಿಗೆ ಅತ್ಯಂತ ಆವೃತ್ಯಕವಾಗಿದ್ದು, ಅವುಗಳನ್ನು ಮತ್ತು ಹೊರೆಯಾಗಿದೆ ಅನ್ವೇಷಿಸಬಹುದಾಗಿದೆ. ಎರಡಂತಹ ಸಂಪ್ರಯಿಸುವು ರೂಢಿಯಲ್ಲಿರುವ ಕ್ರಮಾವಳಿಗೆ ಅನುಗುಣವಾಗಿ ಹತ್ತು(ದಶಕಗಳು) ಹಾಗೂ ಜಿಗಿಂಗಾಗಿ (ಹಕ್ಕಿಗಳಾಗಿ) ಒಡೆದು ಮತ್ತೆ ಸೇರಿಸುವ ಪ್ರತ್ಯೇಕಿಯಲ್ಲಿ (ಮೇಲನ್ನು $37 + 25$ ಉದಾಹರಣೆ ನೋಡಿ) ಪರಿವರ್ತನೆಯಿಲ್ಲ ಹಾಗು ಸಹವರ್ತನೆಯಿಲ್ಲ ನಿಯಮಗಳು ಅನೇಕ ಬಾರಿ ಪ್ರಯೋಗವಾಗುತ್ತವೆ. ಬಹು ಅಂಕೆಯ ಸಂಪ್ರಯಿಗಳ ಗುಣಾಕಾರದ ಕ್ರಮಾವಳಿಯಲ್ಲಾದರೂ, ಸಹವರ್ತನೆಯಿಲ್ಲ ಹಾಗು ವಿಶೇಷವಾಗಿ ನಿಯಮಗಳು ನೇರವಾಗಿ ಬಳಸಲ್ಪಡುತ್ತವೆ. $4 \times 30 = 4 \times (3 \times 10) = (4 \times 3) \times 10 = 12 \times 10 = 120$: ಈ ರೀತಿ ಸಂಪ್ರಯಿಗಳ ಗುಣಲಭ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಕೊಳ್ಳುವ ವಿಧಾನದ ವಿವರಣೆಯಲ್ಲಿ ಗುಣಾಕಾರದ ಸಹವರ್ತನೆಯಿಲ್ಲ ನಿಯಮವು ಬಳಸಲ್ಪಡುತ್ತದೆ. ಈ ನಿಯಮಗಳು ವ್ಯವಹಾರ ಎಂದು ಮತ್ತು ಕಂಡುಕೊಳ್ಳಲು ಜಡುವುದು ಒಳ್ಳೆಯ ಉಪಾಯ. $(40 - 12) \div 4$ ಎಂಬಲ್ಲಿ ವಿಶೇಷವಾಗಿ ನಿಯಮವು ಹಾಲಸಲ್ಪಡುತ್ತದೆ (ಹಕ್ಕಿ?).

ಮತ್ತು ಈ ನಾಲ್ಕು ಮೂಲಭೂತ ಶ್ರೀಯಿಗಳನ್ನು ಕರೆಗೆತಮಾಡಿಕೊಳ್ಳುವಲ್ಲಿ ಇರುವ ಸಮಸ್ಯೆಗಳು ಯಾವುದೆಂದು ನಿರ್ವಹಿ ತಿಳಿದ್ದ್ಲು, ದುರದೃಷ್ಟಿ ವಾತಾತ್ಮಕ, ಅವು ಇನ್ನೂ ಮುಂದುವರಿಯುತ್ತಿರ್ಲೇ ಇವೆ. ಆದರೆ, ಅದು ಹೀಗೆ ಇರಬೇಕಿಂದೆನೂ ಇಲ್ಲ; ಇಕೆದರೆ, ಇದಕ್ಕೆ ಪರಿಹಾರಗಳೂ ಬಹಕ ಹಿಂದಿಸಿದೆಲೂ ತಿಳಿದೆ ಇವೆ. ವೃತ್ತಿಪೂರ್ವ ಮತ್ತು ವೃತ್ತಿಸಿರಿತ ಶೀಕ್ಷಕ ಪರಿಗಳಿರಿಸುವುದು ಒಳಗೊಂಡ “ಶೀಕ್ಷಕರ ಶೀಕ್ಷಣ”ದಂತಹ ವಿಶಾಲ ವ್ಯಾಪ್ತಿಯ ವ್ಯವಸ್ಥೆಯೂ ಪರಿವರ್ತನೆ ಬಹು ಪ್ರಯೋಗವಾಗಿದೆ. ಕಾಲಾವಕಾಶ ಬೇಳೆಯ ವಂಧದ್ದಾದರೂ, ಬದಲಾವಣೆಗೆ ಒಷ್ಣವ ಶೀಕ್ಷಕರಿಗೆ ವಿಭಾಗಿಸುವುದು ಸೂತ್ರಗಳನ್ನು ಪ್ರಸ್ತರ ಲೇಖನವು ನೀಡುವುದೆಂದು ಆಶಿಸುತ್ತೇವೆ. ಅದಕ್ಕಾಗಿ ಕೆಳಗೆ ಸೂಚಿಸಿರುವ ಸಂಪನ್ಮೂಲಗಳನ್ನು ಶೋಧಿಸಿ ಬೋಧನಕ್ಕಿಂತ ಅಭ್ಯಾಸಗಳನ್ನು ತಿದ್ದಿಕೊಳ್ಳುವ ಅಗತ್ಯವಿದೆ. ಈ ಪ್ರಯೋಗ ಶ್ರಮವನ್ನು ಸಂಪೂರ್ಣವಾಗಿ ನಿರ್ಮಿಸಿರುವುದೆಂಬ ಅನುಭವವು ದೇಶದಾದ್ಯಂತ ಅನೇಕ ಶೀಕ್ಷಕರದ್ವಾರಿಗೆ ಎಂಬ ಆಶಾನೆಯನ್ನಿಂತೂ ನಾವು ನೀಡಬಹುದು.

ಪರಾಮರ್ಶನೆಗೆ:

ASER: <http://www.asercentre.org//p/359.html>
Math-Magic, Class 1-3, NCERT: <http://ncert.nic.in/textbook/textbook.htm>
Ganit Bodh, Digantar: <http://www.digantar.org/uploads/pdf/publications.pdf>
Place Value: <http://www.teachersofindia.org/en/article/atria-pull-out-place-value>
Addition: <http://teachersofindia.org/en/article/atria-pullout-section-july-2013>
Subtraction: <http://teachersofindia.org/en/article/pullout-section-november-2013-teaching-subtraction>
Multiplication: <http://teachersofindia.org/en/article/pullout-section-march-2014-teaching-multiplication>
<http://teachersofindia.org/en/presentation/initiating-multiplication>
Division: <http://www.teachersofindia.org/en/article/pullout-section-july-2014-division>
<http://teachersofindia.org/en/ebook/thoughts-division-operation>
Word problems: <http://teachersofindia.org/en/article/word-problems-mathematics>
Thinking Skills: <http://teachersofindia.org/en/ebook/thinking-skills-pullout>
Addition properties: <http://azimpremjiuniversity.edu.in/SitePages/resources-ara-vol-7-no-2-july-2018-exploring-properties-of-addition.aspx>
Ganitmala: <http://teachersofindia.org/en/article/making-ganitmala>
Flats-longs-units: <http://teachersofindia.org/en/article/making-multiple-versions-flats-longs-units-teach-numbers-and-their-operations>
Arrow cards: <http://teachersofindia.org/en/article/making-your-own-arrow-cards>
Ten-frames: <http://teachersofindia.org/en/article/using-ten-frames-inside-your-classroom>
Wall: <http://teachersofindia.org/en/activity/brick-wall-math-game>
Random digits: <http://teachersofindia.org/en/activity/number-game-random-digits>



ಸ್ವತಿ ಸರ್ಕಾರ್ ಅವರು ಅಜ್ಞಂ ಶೈಕ್ಷಣಿಕದ್ಯಾಲಯದ ಸ್ನಾಲ್ ಆಫ್ ಕಂಟಿನ್ಯೂಯುಂಗ್ ಎಜುಕೇಷನ್ ಮತ್ತು ಸಂಪನ್ಮೂಲ ಶಂಪ್ರದ್ಯಾಲ್ (School of Continuing Education and University Resource Centre)ದಲ್ಲಿ ಸಹಾಯಕ ಪ್ರಾಧ್ಯಾಪಕರಾಗಿದ್ದಾರೆ. ಇವರಿಗೆ ಗಳಿತ ಅಂತರ್ಭೂತ ಅಜ್ಞಾನೆಜ್ಞನ ವಿಷಯವಾಗಿದೆ ನಂತರದಲ್ಲಿ ಜ್ಞಾನಕ್ಕೆ. ಇವರು “ಭಾರತೀಯ ಸಂಖ್ಯಾಶಾಸ್ತ್ರ ಸಂಸ್ಥೆ”ಯಿಂದ ಸಂಖ್ಯಾಶಾಸ್ತ್ರದಲ್ಲಿ ಸ್ನಾತಕೋತ್ತರ ಪದವಿ ಪಡೆದು, ಅಮೇರಿಕದ ಸಿಯಾಂಕಾರ್ ನಗರದಲ್ಲಿರುವ ವಾಷಿಂಗ್ಟನ್ ವಿಶ್ವವಿದ್ಯಾಲಯದಲ್ಲಿ ಗಳಿತದಲ್ಲಿ ಎಮ್.ಎಸ್. ಪದವಿ ಪಡೆದಿದ್ದಾರೆ. ಇದು ಪಂಚಗಳಿಂದಲೂ ಗಳಿತವನ್ನು ಮತ್ತು ಕ್ಲೆಕ್ಟಿಕಲ್ ಕಲನ್‌ತ್ವದಾರೆ. ಇವರಿಗೆ ಜಾರಿಗೆ ರೂಪದ ಅದರಲ್ಲಿ-ವಿಶೇಷವಾಗಿ ಓರಿಗಾಮಿಯಿಂದಿಂದ ವಿಜಾನ: swati.sircar@apu.edu.in

ಅನುವಾದ: ಕುಶಾಲ್ ಜ ಎನ್ | ಪರಿಶೀಲನೆ: ನಾಗಮಣಿ ಎನ್ ಎನ್